



جامعة هواري بومدين للعلوم والتكنولوجيا  
Université des Sciences et de la Technologie Houari Boumediene  
Faculté d'Electronique et d'Informatique  
Département d'Informatique  
Concours d'accès au Doctorat 3ième Cycle Informatique 2016 – 2017

Le 26/10/2016

**Matière 2 : Modélisation, Simulation, Vérification et Evaluation des Performances des Systèmes, Coefficient 1, durée 2 Heures.**  
**(Spécialité : MFA)**

**Important :** Chaque candidat doit répondre à l'exercice obligatoire de la Partie I, ainsi qu'à un autre exercice au choix parmi les trois exercices proposés dans la Partie II.

**Partie I : (10 points)**

Considérons les deux processus P et Q exécutant respectivement les codes suivants sur une machine séquentielle. Chaque ligne est non interruptible :

**Processus P (boucle infinie)**

1.  $\text{req}_Q \leftarrow 1$
2.  $\text{wait}(\text{req}_Q = 0)$
3. section critique
4.  $\text{req}_P \leftarrow 0$

**Processus Q (boucle infinie)**

1.  $\text{req}_Q \leftarrow 1$
2.  $\text{wait}(\text{req}_P = 0)$
3. section critique
4.  $\text{req}_Q \leftarrow 0$

Si on considère qu'initialement  $P = 1$ ,  $Q = 1$ ,  $\text{req}_P = 0$ ,  $\text{req}_Q = 0$ , où P et Q représentent respectivement la ligne à exécuter par les processus P et Q.  $\text{req}_P$  et  $\text{req}_Q$  sont des variables globales (partagées par les processus P et Q).

1. Proposer une représentation des états du système.
2. Quelle est le nombre d'états potentiels de ce système (si on considère que les deux processus évoluent indépendamment l'un de l'autre) ?
3. Donner le graphe d'états accessibles de ce système.
4. Vérifier si les propriétés suivantes sont satisfaites:
  - a. A tout moment il y a au plus un processus en section critique.
  - b. Tout processus demandant d'entrer en section critique finit par y parvenir.

**Partie II : (10 points)**

**Exercice II.1 :**

On considère un marché des télécommunications à 3 opérateurs. A l'année  $n=0$ , les abonnés sont répartis de la façon suivante entre les opérateurs Op1, Op2 et Op3 :

- Opérateur 1 : 50%
- Opérateur 2 : 30%
- Opérateur 3 : 20%

Après chaque année, un abonné peut changer d'opérateur. On constate que 60% restent fidèles à l'opérateur 1 contre 80% pour l'opérateur 2 et 50% pour l'opérateur 3. Les autres se réorientent entre les deux opérateurs de manière équiprobable.

On note  $X_n$  la répartition des abonnés à la  $n$ ième année et on modélise ce système par une chaîne de Markov à temps discret (CMTD).

- Expliquer le choix du modèle.
- Déterminer la distribution initiale ainsi que la matrice de transition et le diagramme correspondant à cette chaîne de Markov.
- Quelle est la nature des états de ce processus ?
- Un contrat souscrit auprès d'un opérateur rapporte en moyenne 5000 DA par an. En supposant que le marché soit composé de 5 millions de personnes, calculer le profit moyen de chaque opérateur au bout de deux ans.
- Existe-t-il une distribution stationnaire ? Justifier.
- Quel est, sur le long terme, la répartition des abonnés entre les différents opérateurs ? et vers quel opérateur va leur préférence ?
- Sachant qu'initialement l'opérateur 1 a le plus d'abonnés, et que ces abonnés peuvent changer d'opérateur l'année qui suit :
  - Quelle est la probabilité pour qu'un abonné de l'opérateur 1 devienne après un certain nombre d'années client de l'opérateur 3 ?
  - Quelle est la probabilité pour qu'un abonné de l'opérateur 1 renouvelle son contrat ? Après combien d'années en moyenne ?

### Exercice II.2 :

**Partie A :** On note  $T$  la variable aléatoire caractérisant le « Temps de bon fonctionnement d'un composant E » et  $t$  le temps présent. Soit  $R(t)$  la fonction de Fiabilité et  $F(t)$  celle de la Défaillance. La loi de variation du taux de défaillance est notée  $\lambda(t)$ .

- Déduire l'expression de la loi de fiabilité  $R(t)$  du composant (avec preuve).
- Déduire l'expression du MTTF (durée moyenne de fonctionnement avant défaillance).
- Réécrire ces formules pour le cas de la loi exponentielle.
- Dessiner le diagramme de fiabilité d'un système composé de  $N$  composants arrangés en série. La fiabilité de chacun des composants suit une loi exponentielle de paramètre fixe  $\lambda$ .
  - Déduire les expressions de sa fiabilité et de son MTTF (avec preuve).
- Dessiner le diagramme de fiabilité du système quand ses  $N$  composants sont en parallèle.
  - Déduire les expressions de sa fiabilité et de son MTTF (avec preuve).

### Partie B : Application

- Dessiner le diagramme de fiabilité du réseau suivant, noté « Net1 » :

